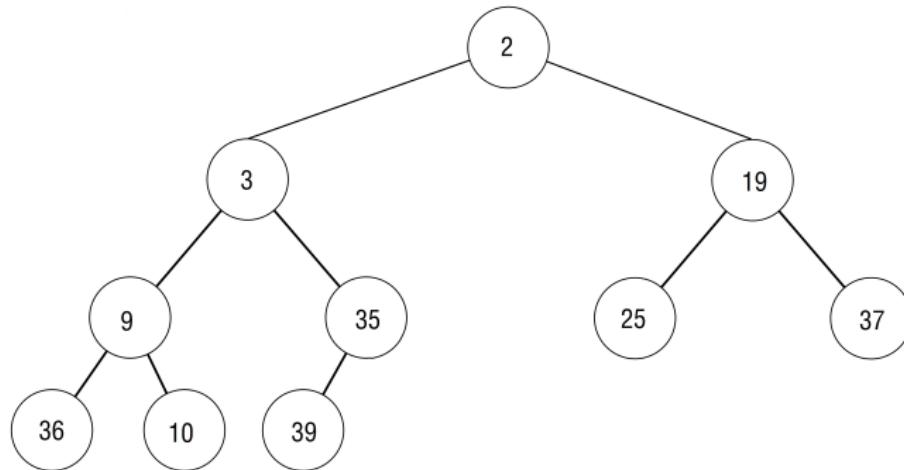


# EADŠ - cvičenie 3

5. októbra 2023

# Halda - opakovanie

- ▶ implementácia dátovej štruktúry *priority queue*
- ▶ poloutriedený úplný binárny strom
- ▶ minimum v koreni
- ▶ rodič má menší kľúč (menšiu prioritu) ako potomok



# Priority queue - opakovanie

Abstrakcia nad haldou. Má operácie:

1. `insert(x)`
2. `extractMin()`

Vieme ju používať v rôznych algoritmoch, a pomocou nej vytvárať iné dátové štruktúry.

## Pravdepodobnosti:

1. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{2}$ ,  $P(0) = \frac{1}{2}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?

## Pravdepodobnosti:

1. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{2}$ ,  $P(0) = \frac{1}{2}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?
2. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{3}$ ,  $P(0) = \frac{2}{3}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?

## Pravdepodobnosti:

1. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{2}$ ,  $P(0) = \frac{1}{2}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?
2. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{3}$ ,  $P(0) = \frac{2}{3}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?
3. Niekto hádže mincou, strieda 0 a 1. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?

## Pravdepodobnosti:

1. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{2}$ ,  $P(0) = \frac{1}{2}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?
2. Niekto hádže mincou.  $P(1) = \frac{1}{3}$ ,  $P(0) = \frac{2}{3}$ , ja tipujem náhodne. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?
3. Niekto hádže mincou, strieda 0 a 1. Aký je očakávaný počet hodov v ktorých sa trafím?
4. Ako chcem tipovať, ak viem, že sa jedná o prípad 2. ?

# Triedenie (sort)

- ▶ zoradíujeme prvky (od najmenšieho po najväčšie)
- ▶ ako o jednom z mála problémov v informatike vieme dokázať, dolný odhad zložitosti
- ▶ Algoritmy:
  - ▶ pomalé -  $O(n^2)$  (min sort, insertion sort, ...)
  - ▶ rýchle -  $O(n \log n)$  (quicksort, merge sort, heapsort, ...)
  - ▶ špeciálne -  $O(n)$  (counting sort radix sort, bucket sort, ...)

## Triedenie - 1

Máme pole s celými číslami ( $[5, 1, 3, 2, 1, 2, 2]$ ).

Chceme pre každé číslo napísať, koľko krát sa v poli vyskytuje  
 $(\{1:2, 2:3, 3:1, 5:1\})$ .

## Triedenie - 2

Anagram alebo prešmyčka, je slovo vytvorené preskupením písmen iného slova (napr. lampa → palma).

Máme zoznam existujúcich slov (slovenský slovník), a chceme:

1. pre zadané slovo zistiť počet anagramov
2. nájsť také slovo, ktoré má najviac anagramov

## Triedenie - 3

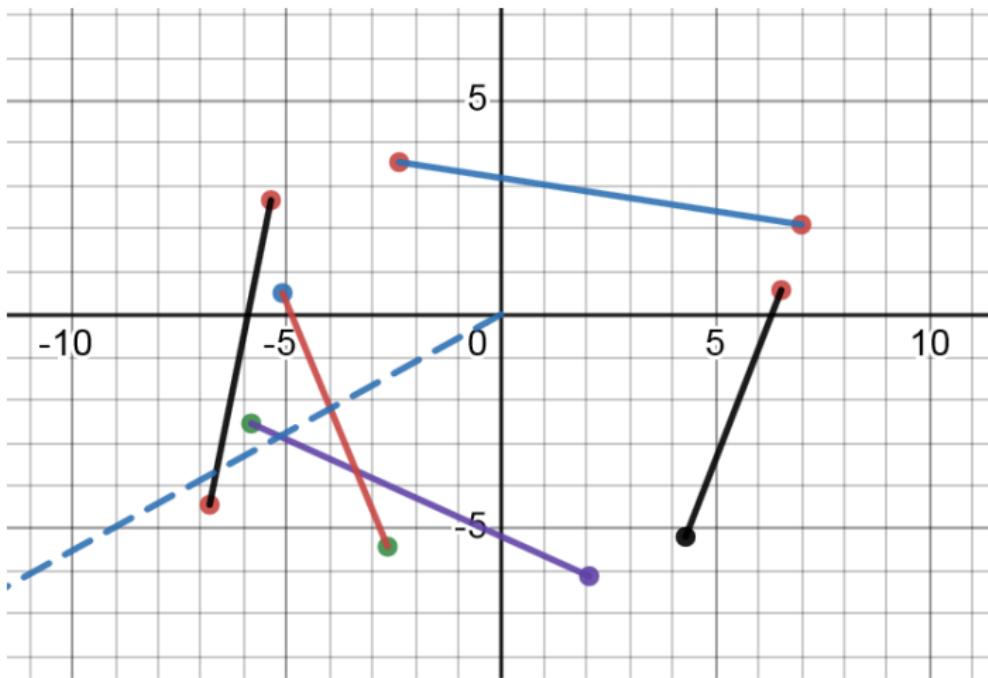
Robíme rozvrh pre školu. Máme  $n$  prednášok,  $i$ -ta prednáška má čas začiatku a konca  $(s_i, f_i)$ .

Chceme zistiť, koľko najmenej miestností potrebujeme, aby sa všetky prednášky vedeli konať, a žiadne dve neboli naraz v tej istej miestnosti.

## Triedenie - 4

Lukostrelec strieľa z bodu  $[0, 0]$  ľubovoľným smerom. Koľko najviac vie zasiahnuť terčov jedným šípom? (Šíp po náraze do terča pokračuje ďalej rovnakým smerom.)

## Triedenie - 4



## sort vs. sorted

```
a = list(range(50))
a.sort()

b = list(range(50))
sorted(b)
```

## sort vs. sorted

```
a = list(range(50))
a.sort()

b = list(range(50))
b = sorted(b)
```

# Triedenie zostupne

```
a = list(range(50))
a.sort(reverse=True)

b = list(range(50))
b = sorted(a, reverse=True)
```

# Triedenie podľa vlastného kľúča

```
a = ['abc', 'ABCD', 'bcd']
a.sort()
# ['ABCD', 'abc', 'bcd']

a.sort(key=str.lower)
# ['abc', 'ABCD', 'bcd']

sorted(a, key=str.lower)
# ['abc', 'ABCD', 'bcd']
```

## Triedenie podľa vlastnej porovnávacej funkcie

```
from functools import cmp_to_key

def compare(item1, item2):
    return (item1-15)**2 - (item2-15)**2

a = list(range(50))

a.sort(key=cmp_to_key(compare))

sorted(a, key=cmp_to_key(compare))
```

# Vlastná porovnávacia funkcia

- ▶ záporná hodnota ( $< 0$ ) keď item1 má byť vo výslednom poli **pred** item2
- ▶ kladná hodnota ( $> 0$ ) keď item1 má byť vo výslednom poli **za** item2
- ▶ nulová hodnota (0) keď item1 má byť vo výslednom poli **rovnako** ako item2 (sú rovné)