

## Problém batohu—tradičné dynamické programovanie

for  $b := 0$  to  $B$  do  $K[0, b] := 0$

for  $i := 1$  to  $n$

for  $b := 1$  to  $B$

if  $w_i \leq b$  and  $K[i - 1, b - w_i] + c_i > K[i - 1, b]$

$K[i, b] := K[i - 1, b - w_i] + c_i$

else

$K[i, b] := K[i - 1, b]$

return  $K[n, B]$

**Časová zložitosť:**  $O(nB)$

## Problém batohu—alternatívne dynamické programovanie

for  $c := 0$  to  $C$  do  $F[0, c] := \infty$

$F[0, 0] := 0$

for  $i := 1$  to  $n$

for  $c := 0$  to  $C$

if  $c_i > c$  and  $F[i - 1, 0] + w_i \leq F[i - 1, c]$

$F[i, c] := F[i - 1, 0] + w_i$

else if  $c_i \leq c$  and  $F[i - 1, c - c_i] + w_i \leq F[i - 1, c]$

$F[i, c] := F[i - 1, c - c_i] + w_i$

else

$F[i, c] := F[i - 1, c]$

return maximálne  $c$ , pre ktoré  $F[n, c] \leq B$

**Časová zložitosť:**  $O(n^2 \max\{c_i\})$

**Definícia:** Aproximačný algoritmus  $A(x, \varepsilon)$ , pre ktorý

$$A(x, \varepsilon) \leq (1 + \varepsilon)OPT(x) \quad (\text{min. problém})$$

resp.  $A(x, \varepsilon) \geq (1 - \varepsilon)OPT(x) \quad (\text{max. problém})$

a ktorá má polynomiálnu časovú zložitosť vzhľadom k  $|x|$  pre ľubovoľnú konštantu  $\varepsilon > 0$  nazývame

**polynomiálna aproximačná schéma (PTAS).**

Ak je časová zložitosť navyše polynomiálna aj vzhľadom ku  $1/\varepsilon$ , tak algoritmus je **plne polynomiálna aproximačná schéma (FPTAS).**