

**Čas algoritmu  $A$  na vstupe  $x$**  je  $\boxed{\text{čas}}$ , ktorý algoritmus  $A$  potrebuje na vyriešenie vstupu  $x$  (označme  $T_A(x)$ ).

**Časová zložitosť algoritmu  $A$**  je funkcia veľkosti vstupu, pričom pre  $\boxed{\text{veľkosť vstupu}} n$  je to najhorší čas, ktorý algoritmus potrebuje na riešenie vstupu tejto veľkosti, t.j.

$$T_A(n) = \max\{T_A(x) \mid |x| = n\}$$

**Časová zložitosť problému** je časová zložitosť  $\boxed{\text{najlepšieho algoritmu}},$  ktorý rieši daný problém.

| Označenie               | Definícia   |        |
|-------------------------|---|--------|
| $f(n) \in O(g(n))$      | Existuje $c > 0$ a $n_0 > 0$ také, že<br>$(\forall n > n_0)(0 \leq f(n) \leq cg(n))$          | $\leq$ |
| $f(n) \in \Omega(g(n))$ | Existuje $c > 0$ a $n_0 > 0$ také, že<br>$(\forall n > n_0)(f(n) \geq cg(n) \geq 0)$          | $\geq$ |
| $f(n) \in \Theta(g(n))$ | $f(n) \in O(g(n))$ a $f(n) \in \Omega(g(n))$  | $=$    |
| $f(n) \in o(g(n))$      | Pre ľubovoľné $c > 0$ existuje $n_0 > 0$ také, že<br>$(\forall n > n_0)(0 \leq f(n) < cg(n))$ | $<$    |
| $f(n) \in \omega(g(n))$ | Pre ľubovoľné $c > 0$ existuje $n_0 > 0$ také, že<br>$(\forall n > n_0)(f(n) > cg(n) \geq 0)$ | $>$    |

## Greedy algoritmus pre problém výberu aktivít

Sort all activities by their finishing time  
(now  $f[1] \leq f[2] \leq \dots \leq f[n]$ )

```
last_activity_end:=-infinity;  
  
for i:=1 to n  
    if (s[i]>=last_activity_end) then  
        output activity (s[i],f[i]);  
        last_activity_end:=f[i];
```

**Časová zložitosť:**  $\Theta(n \log n)$

## “Vzor” dôkazu správnosti greedy algoritmu

**Lema:** Predpokladajme, že greedy algoritmus vráti riešenie  $G$ . Potom existuje optimálne riešenie, ktoré sa s riešením  $G$  zhoduje na prvých  $k$  vol'bách.

**Dôkaz:** Matematickou indukciou podľa  $k$ .

**Báza indukcie.** Pre  $k = 0$  – ľubovoľné optimálne riešenie.

**Indukčný krok.** (Prepokladajme, že sme neurobili chybu pri prvých  $k$  vol'bách, potom aj  $(k + 1)$ -vá voľba je OK.)

- Predpokladajme, že existuje optimálne riešenie  $OPT$ , ktoré sa zhoduje s  $G$  na prvých  $k$  vol'bách.
- Vyrobíme riešenie  $OPT'$ :
  - $OPT'$  má rovnakú hodnotu ako  $OPT$   
(a preto je tiež optimálne)
  - $OPT'$  súhlasí s  $G$  na jednej ďalšej  $(k + 1)$ -vej voľbe.